# ПЕРВОЕ ВЫСШЕЕ ТЕХНИЧЕСКОЕ УЧЕБНОЕ ЗАВЕДЕНИЕ РОССИИ



# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

# САНКТ ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

СОГЛАСОВАНО

Руководитель ОПОП ВО
доцент Е.Б. Мазаков

Проректор по образовательной деятельности
Д. Г. Петраков

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

# МЕТОДЫ ОПТИМИЗАЦИИ

Уровень высшего образования Магистратура

Направление подготовки: 09.04.01 Информатика и вычислительная техника

Направленность (профиль): Информационное и программное обеспечение автома-

тизированных систем

**Квалификация выпускника:** магистр **Форма обучения:** очная

Составитель: д-р техн. наук Иванова И.В.

| Рабочая программа дисциплины «Мет | тоды оптимизации» составлена: |
|-----------------------------------|-------------------------------|
|-----------------------------------|-------------------------------|

- в соответствии с требованиями ФГОС ВО магистратура по направлению подготовки 09.04.01 «Информатика и вычислительная техника», утвержденного приказом Минобрнауки России № 918 от 19 сентября 2017 г.;
- И

| 1 /   |   |
|---|---|
| <ul> <li>на основании учебного плана по направ</li> </ul> | влению подготовки 09.04.01 «Информатика в |
| вычислительная техника», направленность (профи            | ль) «Информационное и программное обес-   |
| печение автоматизированных систем».                       |   |
|   |   |
| Составитель:  |   |
| д-р техн. наук, проф.                                     | И.В.Иванова                               |
| Рабочая программа рассмотрена и одобрена на               | заседании кафедры информационных си-      |
| стем и вычислительной техники от 01.02.2023 г.,           | , протокол № 6.                           |
|   |   |
|   |   |

к.т.н., доцент Мазаков Е.Б.

Заведующий кафедрой

# 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина "Методы оптимизации" предназначена для магистрантов, специализирующихся в области применения информатики и вычислительной техники для информационного и программного обеспечения автоматизированных систем.

**Цель дисциплины** — усвоение базовой совокупности знаний о методах и средствах оптимизации в различных областях проектирования и эксплуатации автоматизированных систем.

**Основными задачами дисциплины являются** получение студентами общих представлений о методах оптимизации и средствах оптимального управления сложными системами.

# 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП ВО

Дисциплина «Методы оптимизации» относится к дисциплинам обязательной части Блока 1 «Дисциплины (модули)» основной профессиональной образовательной программы магистратуры по направлению подготовки 09.04.01 «Информатика и вычислительная техника» направленность (профиль) «Информационное и программное обеспечение автоматизированных систем» и изучается во втором семестре.

Для изучения дисциплины «Методы оптимизации» необходимы знания, умения и компетенции, полученные обучающимися при изучении дисциплин учебного плана бакалавриата соответствующего направления, а также при изучении дисциплин «Современные проблемы информатики и вычислительной техники», «Математические модели и методы автоматизированных систем», «Интеллектуальные системы», «Технологии обработки информации» часть которых предшествует изучению данной дисциплины, а некоторые изучаются параллельно.

Знания, умения и компетенции, освоенные при изучении данной дисциплины, используются при изучении дисциплин «Технологии разработки программного обеспечения», «Распределенные базы данных», в процессе выполнения научно-исследовательской работы, в ходе практик, предусмотренных учебным планом ОПОП ВО по направлению подготовки 09.04.01 «Информатика и вычислительная техника» направленность (профиль) «Информационное и программное обеспечение автоматизированных систем», а также при написании магистерской диссертации.

# 3. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТ-НЕСЕННЫЕ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Процесс изучения дисциплины "Методы оптимизации" направлен на формирование следующих компетенций и получение основных результатов обучения:

| Формируемые компетенции по<br>ФГОС |             | Основные показатели<br>освоения дисциплины     |
|------------------------------------|-------------|--|
| Содержание                         | Код         |  |
| компетенции                        | компетенции |  |
| Способен самостоятельно            | ОПК-1       | ОПК-1.1. Знать: математические, естественно-   |
| приобретать, развивать и           |             | научные и социально-экономические методы       |
| применять математиче-              |             | для использования в профессиональной дея-      |
| ские, естественнонауч-             |             | тельности.                                     |
| ные, социально-                    |             | ОПК-1.2. Уметь: решать нестандартные профес-   |
| экономические и профес-            |             | сиональные задачи, в том числе в новой или не- |
| сиональные знания для              |             | знакомой среде и в междисциплинарном контек-   |
| решения нестандартных              |             | сте, с применением математических, естествен-  |
| задач, в том числе в но-           |             | нонаучных, социально-экономических и про-      |
| вой или незнакомой среде           |             | фессиональных знаний                           |
| и в междисциплинарном              |             | ОПК-1.3. Владеть: навыками теоретического и    |
| контексте.                         |             | экспериментального исследования объектов       |
|                                    |             | профессиональной деятельности, в том числе в   |

| Формируемые компетенции по<br>ФГОС  |                    | Основные показатели<br>освоения дисциплины   |  |
|---|--------------------|--|--|
| Содержание<br>компетенции   | Код<br>компетенции |  |  |
|   |                    | новой или незнакомой среде и в междисциплинарном контексте.  |  |
| Способен разрабатывать оригинальные алгоритмы и программные средства, в том числе с использованием современных интеллектуальных технологий, для решения профессиональных задач.               | ОПК-2.             | ОПК-2.1. Знать: современные информационно-коммуникационные и интеллектуальные технологии, инструментальные среды, программнотехнические платформы для решения профессиональных задач.  ОПК-2.2.  Уметь: обосновывать выбор современных информационно-коммуникационных и интеллектуальных технологий, разрабатывать оригинальные программные средства для решения профессиональных задач.  ОПК-2.3.Владеть: навыками разработки оригинальных программных средств, в том числе с использованием современных информационнокоммуникационных и интеллектуальных технологий, для решения профессиональных задач. |  |
| Способен анализировать профессиональную информацию, выделять в ней главное, структурировать, оформлять и представлять в виде аналитических обзоров с обоснованными выводами и рекомендациями. | ОПК-3.             | ОПК-3.1.Знать: принципы, методы и средства анализа и структурирования профессиональной информации  ОПК-3.2.уметь: анализировать профессиональную информацию, выделять в ней главное, структурировать, оформлять и представлять в виде аналитических обзоров.  ОПК-3.3.Владеть: навыками подготовки научных докладов, публикаций и аналитических обзоров с обоснованными выводами и рекомендациями.   |  |
| Способен применять на практике новые научные принципы и методы исследований.  | ОПК-4              | ОПК-4.1. Знать: новые научные принципы и методы исследований.  ОПК-4.2. Умеет: применять на практике новые научные принципы и методы исследований.  ОПК-4.3. Владеть: навыками применения новых научных принципов и методов исследования для решения профессиональных задач.   |  |

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ
4.1. Объем дисциплины и виды учебной работы
Общая трудоемкость дисциплины "Методы оптимизации" составляет 3 зачетные единицы или 108 часов.

| Вид учебной работы                  | Всего часов | Семестр |
|-------------------------------------|-------------|---------|
|                                     |             | 2       |
| Аудиторные занятия (всего) , в т.ч. | 51          | 51      |
| Лекции                              | 17          | 17      |

| Вид учебной работы                             | Всего часов | Семестр |
|--|-------------|---------|
|  |             | 2       |
| Практические занятия (ПЗ)                      | 17          | 17      |
| Лабораторные работы (ЛР)                       | 17          | 17      |
| Самостоятельная работа (всего), в т.ч.         | 57          | 57      |
| Курсовой проект (работа)                       |             |         |
| Расчетно-графические работы                    |             |         |
| Реферат  |             |         |
| Другие виды самостоятельной работы             |             |         |
| Выполнение домашних заданий                    | 12          | 12      |
| Подготовка к практическим занятиям             | 12          | 12      |
| Составление отчетов по лабораторным работам    | 12          | 12      |
| Работа с литературой                           | 21          | 21      |
| Вид промежуточной аттестации – дифф. зачет (Д) |             | Д       |
| Общая трудоемкость час                         | 108         | 108     |
| зач. ед.                                       | 3           | 3       |

# 4.2. Содержание дисциплины

# 4.2.1 Разделы дисциплины и виды занятий

Учебным планом предусмотрены: лекции, практические занятия, лабораторные работы и самостоятельная работа.

Виды занятий Самостоятельная работа студента Всего ак. часов Практические занятия Лабораторные работы  $N_{\underline{0}}$ Наименование разделов п/п Раздел 1. Введение в методы оптимизации. Одно-2 8 2 мерная оптимизация Раздел 2. Безусловный и условный экстремум ска-5 22 4 13 лярной функции векторного аргумента Раздел 3. Численные методы оптимизации 2 23 4 5 12 Раздел 4. Задача линейного программирования 4 21 3 2 12 Раздел 5. Оптимизация на графах 4 4 3 23 12 Раздел 6. Программные среды для решения задач 4 11 1 6 оптимизации Итого: 108 17 17 17 57

4.2.2 Солержание разлелов лисшиплины

| №<br>п/п | Разделы   | Содержание лекционного занятия   | Трудоемкость в акад. часах |
|----------|-----------|--|----------------------------|
| 1        | Раздел 1. | Предмет и содержание дисциплины, связь с другими дисциплинами. Определения локальных и глобальных экстремумом скалярной функции скалярного аргумента, соответствующие необходимые и достаточные условия. Численные методы одномерной оптимизации (методы половинного деления, золотого сечения и Ньютона). Выпуклые функции и их свойства. | 2                          |
| 2        | Раздел 2. | Основные обозначения и определения векторной оптимизации. Градиент и гессиан скалярной функции век-  | 4                          |

| Nº . | Разделы     | Содержание лекционного занятия                        | Трудоемкость  |
|------|-------------|---|---------------|
| п/п  |             | -   | в акад. часах |
|      |             | торного аргумента. Необходимые и достаточные усло-    |               |
|      |             | вия безусловного экстремума. Критерий собственных     |               |
|      |             | чисел для определения типа экстремальной точки. Кри-  |               |
|      |             | терий Сильвестра для определения типа экстремальной   |               |
|      |             | точки. Выпуклые функции и их свойства. Исследование   |               |
|      |             | квадратичной функции на экстремум. Различные типы     |               |
|      |             | ограничений на переменные и их сведение к ограниче-   |               |
|      |             | ниям-равенствам. Метод множителей Лагранжа для уче-   |               |
|      |             | та ограничений-равенств на переменные в задаче поиска |               |
|      |             | экстремума скалярной функции векторного аргумента.    |               |
|      |             | Исследование типа условного экстремума. Частный слу-  |               |
|      |             | чай квадратичной функции с линейными ограничения-     |               |
|      |             | ми-равенствами на переменные. Теорема Куна-Таккера.   |               |
| 3    | Раздел 3.   | Итерационные методы поиска экстремумов скалярной      |               |
|      |             | функции векторного аргумента – методы нулевого,       |               |
|      |             | пбрвого и второго порядков: метод покоординатного     | 4             |
|      |             | спуска, градиентные методы, метод Ньютона. Скорость   |               |
|      |             | сходимости численных методов.                         |               |
| 4    | Раздел 4.   | Постановка задачи ЛП, примеры. Однородная и канони-   |               |
|      |             | ческая формы задачи ЛП. Симплекс и его свойства, раз- |               |
|      |             | решимость задачи ЛП. Приемы перевода задачи ЛП из     | _             |
|      |             | одной формы в другую. Графический метод решения       | 3             |
|      |             | задачи ЛП. Двойственная постановка задачи ЛП и ее     |               |
|      |             | смысл. Симплекс-метод решения задачи ЛП. Устойчи-     |               |
|      | D           | вость решения задачи ЛП.                              |               |
| 5    | Раздел 5.   | Основные определения теории графов. Транспортная      |               |
|      |             | задача и метод потенциалов для ее решения. Задача оп- |               |
|      |             | тимального возврата кредита, задача оптимального раз- |               |
|      |             | мещения заказа и венгерский метод ее решения. Алго-   | 2             |
|      |             | ритм Дейкстры для построения дерева траекторий ми-    | 3             |
|      |             | нимального веса на взвешенном графе, метод ближай-    |               |
|      |             | шего соседа для построения минимального остовного     |               |
|      |             | дерева взвешенного графа. Приложение к задачам опти-  |               |
| -    | Dan = = = ( | мизации топологии локальных вычислительных сетей.     |               |
| 6    | Раздел 6.   | Реализация численных методов оптимизации в среде      | 1             |
|      |             | Matlab. Решение задач оптимизации в Excel.  ИТОГО:    |               |
|      |             | итого:  | 17            |

# 4.2.3. Практические занятия

| №<br>п/п | № раздела<br>дисциплины | Наименование практической работы  |                 |
|----------|-------------------------|---|-----------------|
|          |                         |   | кость<br>(час.) |
| 1.       | 1                       | Аналитические методы решения задач одномерной оптимизации   | 2               |
| 2.       | 2                       | Аналитические методы решения задач безусловной и условной векторной оптимизации. Применение метода множителей Лагранжа и вывод условий Куна-Таккера | 5               |
| 3.       | 3                       | Аналитическое исследование численных методов оптимизации  |                 |
| 4.       | 4                       | Графический метод решения задач ЛП. Исследование устойчивости решения по отношению к вариациям ценового вектора и вектора запасов.                  |                 |
| 5.       | 5                       | Решение задачи поиска медианы взвешенного неориентированного графа методом Дейкстры.  | 4               |

| №<br>п/п | № раздела<br>дисциплины | Наименование практической работы | Трудо-<br>ем-<br>кость<br>(час.) |
|----------|-------------------------|----------------------------------|----------------------------------|
|          |                         | Итого                            | 17                               |

4.2.4. Лабораторные работы

| №<br>п/п | № раздела<br>дисциплины | Наименование лабораторной работы<br>1  |                 |
|----------|-------------------------|--|-----------------|
|          |                         |  | кость<br>(час.) |
| 1.       | 1                       | Знакомство со средой Matlab. Реализация численных методов одномерной оптимизации в Matlab (методы половинного деления и золотого сечения). и Excel (надстройка «Поиск решений»). |                 |
| 2.       | 3                       | Исследование скорости сходимости различных методов векторной оптимизации в среде Matlab. Решение задач оптимизации в среде Excel при помощи надстройки «Поиск решений».          | 5               |
| 3.       | 4                       | Численное решение задач ЛП в среде Matlab и Excel.   | 2               |
| 4.       | 5                       | Работа с АОС «Алгоритм Дейкстры» и «Максимальный поток»  | 4               |
| 5        | 6                       | Сравнение эффективности численного решения задач оптмим-<br>зации в средах Matlab и Excel.   | 4               |
|          |                         | Итого  | 17              |

# 4.2.5. Примерная тематика курсовых проектов (работ):

Курсовой проект (работа) не предусмотрен учебным планом.

# 5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

В ходе обучения применяются:

**Лекции**, которые являются одним из важнейших видов учебных занятий и составляют основу теоретической подготовки обучающихся.

Цели лекционных занятий:

- дать систематизированные научные знания по дисциплине, акцентировать внимание на наиболее сложных вопросах дисциплины;
- стимулировать активную познавательную деятельность обучающихся, способствовать формированию их творческого мышления.

# Практические занятия. Цели практических занятий:

- совершенствовать умения и навыки решения практических задач.

Главным содержанием этого вида учебных занятий является работа каждого обучающегося по овладению практическими умениями и навыками профессиональной деятельности.

# Лабораторные работы. Цели лабораторных работ:

 исследование алгоритмических и прикладных аспектов изучаемых информационных технологий.

Главным содержанием этого вида учебных занятий является работа каждого обучающегося по овладению практическими умениями и навыками исследовательской деятельности.

**Консультации** (текущая консультация, накануне дифф. зачета) является одной из форм руководства учебной работой обучающихся и оказания им помощи в самостоятель-

ном изучении материала дисциплины, в ликвидации имеющихся пробелов в знаниях, задолженностей по текущим занятиям, в подготовке письменных работ (проектов).

Текущие консультации проводятся преподавателем, ведущим занятия в учебной группе, научным руководителем и носят как индивидуальный, так и групповой характер.

Самостоятельная работа обучающихся направлена на углубление и закрепление знаний, полученных на лекциях и других занятиях, выработку навыков самостоятельного активного приобретения новых, дополнительных знаний, подготовку к предстоящим учебным занятиям и промежуточному контролю.

# 6. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

- 6.1. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости
- 6.1.1. Тематика для самостоятельной подготовки

# <u>Раздел 1</u>. Введение в методы оптимизации. Одномерная оптимизация.

- 1. Варьируемые переменные и целевая функция.
- 2. Достаточные условия локального экстремума одномерной функции.
- 3. Докажите неравенство Йенсена для одномерной выпуклой функции.
- 4. Неравенство Йенсена и непрерывность функции.
- 5. Теорема о существовании глобального минимума функции.

# <u>Раздел 2</u>. Безусловный и условный экстремум скалярной функции векторного аргумента.

- 1. Как связан критерий Сильвестра с проблемой собственных чисел симметричной матри-
- 2. Дать классификацию стационарных точек скалярной функции двух переменных.
- 3. Дать геометрическую интерпретацию задачи условной оптимизации с ограничениямиравенствами.
- 4. Дать геометрическую интерпретацию задачи условной оптимизации с ограниченияминеравенствами.
- 5. Неравенство Йенсена для скалярной функции векторного аргумента.

# Раздел 3. Численные методы оптимизации.

- 1. Дать геометрическую интерпретацию метода покоординатной минимизации функции двух переменных.
- 2. Дать геометрическую интерпретацию метода наискорейшего градиентного спуска для функции двух переменных.
- 3. Дать геометрическую интерпретацию зацикливания метода покоординатной минимизации негладкой функции двух переменных.
- 4. Показать связь плохой обусловленности гессиана гладкой функции с её овражностью.
- 5. Дать геометрическую интерпретацию плохой сходимости градиентного метода для овражной функции двух переменных.

# <u>Раздел 4</u>. Задача линейного программирования (ЛП).

- 1. Дать классификацию решений задачи ЛП.
- 2. Что такое устойчивость решения задачи ЛП?
- 3. Дать геометрическую интерпретацию потери устойчивости решения задачи ЛП по отношению к вариации ценового вектора.
- 3. Дать геометрическую интерпретацию потери устойчивости решения задачи ЛП по отношению к вариации вектора запасов.
- 4. Сформулировать задачу целочисленной линейной оптимизации.
- 5. Сформулировать задачу булевой оптимизации.

# Раздел 5. Оптимизация на графах.

- 1. Дать полную характеристику заданного графа.
- 2. Как изменяются временные и постоянные метки в алгоритме Дейкстры?
- 3. Описать основные шаги алгоритма Форда-Фолкерсона для решения задачи о максимальном потоке.
- 4. Что такое комбинаторная оптимизация? Привести пример.
- 5. Поставить и решить задачу о нахождении минимального остовного дерева.

# 6.2. Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации (дифф. зачета)

# 6.2.1. Примерный перечень вопросов/заданий для подготовки к дифф. зачету

- 1. Теорема существования глобального минимума одномерной функции.
- 2. Необходимые и достаточные условия локального экстремума одномерной функции.
- 3. Выпуклые одномерные функции и их свойства.
- 4. Теорема существования глобального минимума скалярной функции векторного аргумента.
- 5. Необходимые и достаточные условия локального экстремума скалярной функции векторного аргумента.
- 6. Критерий Сильвестра знакоопределённости симметричной матрицы и его связь с проблемой собственных чисел.
- 7. Метод множителей Лагранжа в задаче условной векторной оптимизации с ограничениями-равенствами.
- 8. Метод выравнивающих переменных и множителей Лагранжа в задаче условной векторной оптимизации с ограничениями-неравенствами.
- 9. Метод покоординатной минимизации скалярной функции векторного аргумента.
- 10. Градиентные методы минимизации скалярной функции векторного аргумента.
- 11. Метод Ньютона и квазиньютоновские методы поиска стационарных точек скалярной функции векторного аргумента.
- 12. Постановка задачи ЛП и графический метод её решения. Основные свойства задачи ЛП
- 13. Постановка транспортной задачи и метод потенциалов её решения.
- 14. Задач размещения и венгерский метод её решения.
- 15. Задача оптимального возврата кредита.
- 16. Алгоритм Дейкстры.
- 17. Алгоритм Краскала.
- 18. Алгоритм Форда-Фолкерсона.
- 19. Основные программные средства оптимизации в среде Matlab.
- 20. Основные средства оптимизации в среде Excel.

# 6.2.2 Примерные тестовые задания к дифференциальному зачету

# Вариант 1

| No   | Вопросы   | Варианты ответов                           |  |
|------|---|--|--|
| п.п. |   |  |  |
| 1    | Оптимизационную задачу относят к линейному программирова- | чений об                                   | функция вогнута, а функции ограни- бразуют выпуклое множество; |
|      | нию, если   |  | функция линейна, а функции ограни- бразуют выпуклое множество; |
|      |   | <ol> <li>целевая о<br/>чений ли</li> </ol> | функция вогнута, а функции ограни-инейны;                      |

| №    | Вопросы   | Варианты ответов   |  |  |
|------|---|--|--|--|
| п.п. |   |  |  |  |
|      |   | 4. целевая функция и функции ограничений ли-<br>нейны.   |  |  |
| 2    | Минимальным остовным деревом связного неориентированного взвешенного графа называется     | <ol> <li>дерево траекторий минимального веса;</li> <li>полный связный подграф минимального веса;</li> <li>гауссов цикл минимального веса;</li> <li>полный ацикличный подграф минимального веса.</li> </ol>   |  |  |
| 3    | Ацикличный подграф связного графа – это   | <ol> <li>произвольный полный подграф;</li> <li>произвольный связный подграф без циклов;</li> <li>произвольный подграф без циклов;</li> <li>полный древовидный подграф.</li> </ol>  |  |  |
| 4    | Медиана взвешенного графа – это   | <ol> <li>вершина, имеющая максимальную связность;</li> <li>вершина, минимально удаленная от всех остальных вершин в совокупности;</li> <li>вершина, максимально удаленная от всех остальных вершин в совокупности;</li> <li>вершина, имеющая минимальную связность.</li> </ol> |  |  |
| 5    | Для нахождения медианы взве-<br>шенного графа используется                                | <ol> <li>алгоритм Краскала;</li> <li>алгоритм Дейкстры;</li> <li>метод потенциалов;</li> <li>метод ближайшего соседа.</li> </ol>   |  |  |
| 6    | Функция $f = \frac{1}{2} \left( x_1^2 - 4x_1x_2 + 4x_2^2 \right) - x_1 - x_2 + 1$         | <ol> <li>единственный максимум;</li> <li>единственную седловую точку;</li> <li>единственный минимум;</li> <li>бесконечное число минимумов;</li> </ol>  |  |  |
| 7    | имеет  Функция $f = \frac{1}{2} \left( x_1^2 - 4x_1 x_2 + 3x_2^2 \right) - x_1 - x_2 + 1$ | <ol> <li>единственный максимум;</li> <li>единственный минимум;</li> <li>единственную седловую точку;</li> <li>бесконечное число минимумов.</li> </ol>  |  |  |
| 8    | имеет $f = \frac{1}{2} \left( x_1^2 - 4x_1 x_2 + 5x_2^2 \right) - x_1 - x_2 + 1$ имеет    | <ol> <li>единственный минимум;</li> <li>единственный максимум;</li> <li>единственную седловую точку;</li> <li>бесконечное число минимумов.</li> </ol>  |  |  |
| 9    | Функция $f = \frac{1}{2} \left( -x_1^2 - 4x_1x_2 - 4x_2^2 \right) + x_1 + x_2 + 1$ имеет  | <ol> <li>единственный максимум;</li> <li>единственную седловую точку;</li> <li>единственный минимум;</li> <li>бесконечное число максимумов.</li> </ol>   |  |  |
| 10   | Целевая функция – это   | <ol> <li>любая функция, у которой есть экстремумы;</li> <li>функция, экстремумы которой необходимо найти;</li> <li>любая функция, у которой нет экстремумов;</li> </ol>  |  |  |

| №    | Вопросы  | Варианты ответов  |  |  |
|------|--|---|--|--|
| п.п. |  | 4. любая функция, у которой есть минимумы.  |  |  |
| 11   | Выберете правильную фразу  | <ol> <li>Оптимальный по заданному критерию;</li> <li>Наиболее оптимальный по заданному критерию;</li> <li>Самый оптимальный по заданному критерию;</li> <li>Самый оптимальный.</li> </ol>   |  |  |
| 12   | Методы чисел Фибоначчи и Золотого сечения являются   | <ol> <li>методами отыскания экстремумов многоэкстремальных функций;</li> <li>методами отыскания только максимумов многоэкстремальных функций;</li> <li>методами отыскания только минимумов унимодальных функций;</li> <li>методами отыскания экстремумов унимодальных функций.</li> </ol>   |  |  |
| 13   | Оптимизация системы состоит  | <ol> <li>в поиске такой системы, в которой максимум параметров управления;</li> <li>в поиске такого набора параметров управления, при котором целевая функция самая оптимальная;</li> <li>в поиске минимального набора параметров управления, при которых целевая функция достигает экстремума;</li> <li>в поиске такого набора параметров управления, при котором целевая функция достигает экстремума.</li> </ol> |  |  |
| 14   | Выберете функцию Лагранжа для этой задачи $M(x) = \sum_{j=1}^n \nu_j \Big( 1 - e^{-\alpha_j x_j} \Big) \Rightarrow \max_{\left\{ \begin{array}{c} x_j \\ x_j \end{array} \right\}}$ $\sum_{j=1}^n x_j = N$ $x_j \geq 0 \ \ j = \overline{1,n}$ | 1. $\Phi(x, \psi) = \sum_{j=1}^{n} x_{j} - N + \psi M(x)$ ; 2. $\Phi(x, \psi) = M(x) + \psi(\sum_{j=1}^{n} x_{j} - N)$ ; 3. $\Phi(x, \psi) = M(x) + \psi \sum_{j=1}^{n} x_{j}$ ; 4. $\Phi(x, \psi) = M(x) + \psi N$ .   |  |  |
| 15   | Выберете функцию Лагранжа для этой задачи $f(x) = \frac{1}{2}ax_1^2 + \frac{1}{2}bx_2^2 \Rightarrow \text{ extr } (a>0, b>0)$ $\varphi(x) = x_1^3 + x_2^3 - 1 = 0$   | 1. $\Phi(x,\psi) = \frac{1}{2}ax_1^2 + \frac{1}{2}bx_2^2 + \psi(x_1^3 + x_2^3 - 1);$ 2. $\Phi(x,\psi) = x_1^3 + x_2^3 - 1 + \psi(\frac{1}{2}ax_1^2 + \frac{1}{2}bx_2^2);$ 3. $\Phi(x,\psi) = x_1^3 + \frac{1}{2}bx_2^2 + \psi(\frac{1}{2}ax_1^2 + x_2^3 - 1);$ 4. $\Phi(x,\psi) = \frac{1}{2}ax_1^2 + x_2^3 + \psi(x_1^3 + \frac{1}{2}bx_2^2 - 1);$   |  |  |

| No             | Вопросы   | Варианты ответов   |  |
|----------------|---|--|--|
| <b>п.п.</b> 16 | Оптимизационную задачу отно-<br>сят к выпуклому программирова-<br>нию, если                   | <ol> <li>целевая функция выпуклая и функции ограничений образуют выпуклое множество;</li> <li>целевая функция и функции ограничений линейны;</li> <li>целевая функция линейна, а функции ограничений образуют выпуклое множество;</li> <li>целевая функция вогнута, а функции ограничений линейны.</li> </ol>  |  |
| 17             | Необходимым условием локального экстремума скалярной функции одного переменного является      | <ol> <li>условие непрерывности;</li> <li>условие гладкости и равенства нулю второй производной;</li> <li>условие непрерывности и постоянства знака первой производной;</li> <li>условие гладкости и равенство нулю первой производной.</li> </ol>  |  |
| 18             | В точке, подозрительной на экстремум, первая производная скалярной функции одного переменного | <ol> <li>меняет знак;</li> <li>равна нулю;</li> <li>является непрерывной;</li> <li>достигает минимального значения.</li> </ol>   |  |
| 19             | Градиентом скалярной функции нескольких переменных называется                                 | <ol> <li>вектор, касательный к линии уровня;</li> <li>вектор, составленный из частных производных функции по всем переменным;</li> <li>её среднее значение;</li> <li>её наименьшее значение.</li> </ol>  |  |
| 20             | Градиент скалярной функции нескольких переменных - это  | <ol> <li>вектор приращений;</li> <li>вектор в пространстве переменных, ортогональный линии уровня функции, и направленный в сторону её убывания;</li> <li>вектор в пространстве переменных, ортогональный линии уровня функции, и направленный в сторону её возрастания;</li> <li>вектор в пространстве переменных, касательный к линии уровня функции.</li> </ol> |  |

# Вариант 2

| №    | Вопросы                     | Варианты ответов   |
|------|-----------------------------|--|
| п.п. |                             |  |
| 1    | Целевая функция – это       | <ol> <li>любая функция, у которой есть экстремумы;</li> <li>любая функция, у которой нет экстремумов;</li> <li>любая функция, у которой есть минимумы;</li> <li>функция, экстремумы которой необходимо найти.</li> </ol> |
| 2    | Оптимизация системы состоит | 1. в поиске такой системы, в которой максимум па-  |

| №    | Вопросы  | Варианты ответов   |  |  |
|------|--|--|--|--|
| п.п. |  | nawarnon Winon Hawya   |  |  |
|      | •••  | раметров управления; 2. в поиске такого набора параметров управления,  |  |  |
|      |  | при котором целевая функция достигает экстре-  |  |  |
|      |  | мума;  |  |  |
|      |  | 3. в поиске такого набора параметров управления,   |  |  |
|      |  | при котором целевая функция наиболее опти-   |  |  |
|      |  | мальна;  |  |  |
|      |  | 4. в поиске такого набора параметров управления,   |  |  |
|      | D 6  | при котором целевая функция самая оптимальная.   |  |  |
| 3    | Выберете правильную фразу  | 1. Наиболее оптимальный по заданному критерию;   |  |  |
|      |  | 2. Самый оптимальный по заданному критерию;<br>3. Наиболее оптимальный;  |  |  |
|      |  | 4. Оптимальный по заданному критерию.  |  |  |
| 4    | Методы чисел Фибоначчи и 3о-   | 1. методами отыскания экстремумов многоэкстре-   |  |  |
|      | лотого сечения являются  | мальных функций;   |  |  |
|      | merere ee remm assumerea   | 2. методами отыскания только минимумов много-  |  |  |
|      |  | экстремальных функций;   |  |  |
|      |  | 3. методами отыскания экстремумов унимодальных   |  |  |
|      |  | функций;   |  |  |
|      |  | 4. методами отыскания только максимумов много-   |  |  |
|      | D 6 1 H  | экстремальных функций.   |  |  |
| 5    | Выберете функцию Лагранжа  | 1. $\Phi(x,\psi) = \frac{1}{2}ax_1^2 + \frac{1}{2}bx_2^2 + \psi(x_1^3 + x_2^3 - 1)$  |  |  |
|      | для этой задачи  | 2. $\Phi(x,\psi) = x_1^3 + x_2^3 - 1 + \psi(\frac{1}{2}ax_1^2 + \frac{1}{2}bx_2^2)$  |  |  |
|      | $f(x) = \frac{1}{2}ax_1^2 + \frac{1}{2}bx_2^2 \Rightarrow \text{extr } (a>0, b>0)$                                   | ,  |  |  |
|      |  | 2 7 2 7 2 7 2  |  |  |
|      | $\varphi(x) = x_1^3 + x_2^3 - 1 = 0$   | 4. $\Phi(x,\psi) = \frac{1}{2}ax_1^2 + x_2^3 + \psi(x_1^3 + \frac{1}{2}bx_2^2 - 1)$  |  |  |
|      |  |  |  |  |
| 6    | Выберете функцию Лагранжа  | n  |  |  |
|      | для этой задачи  | 1. $\Phi(x, \psi) = \sum_{j=1}^{n} x_j - N + \psi M(x)$  |  |  |
|      | $M(x) = \sum_{i=1}^{n} \left(1 - e^{-\alpha_i x_i}\right) \rightarrow \dots$   | $\overline{j=1}$ ;   |  |  |
|      | $M(x) = \sum_{j=1}^{n} v_{j} \left( 1 - e^{-\alpha v_{j} x_{j}} \right) \Longrightarrow \max_{\left\{x_{j}\right\}}$ | $\sum_{n=1}^{\infty}$  |  |  |
|      |  | 2. $\Phi(x, \psi) = M(x) + \psi(\sum_{j=1}^{n} x_j - N)$   |  |  |
|      | $\sum x_i = N$   | <i>j</i> =1 ;  |  |  |
|      | $\sum_{j=1}^{n} x_j = N$   | $2 \qquad \Phi(x, ab) = M(x) + ab \sum_{i=1}^{n} x_i$  |  |  |
|      | $x_j \ge 0$ $j = \overline{1,n}$   | 3. $\Phi(x, \psi) = M(x) + \psi \sum_{j=1}^{n} x_j$  |  |  |
|      | $x_j \equiv 0$ $j = 1, n$  | ,  |  |  |
|      |  | 4. $\Phi(x,\psi) = M(x) + \psi N$  |  |  |
| 7    | Оптимиранионнило за почи отка  | 1 неперад функция и функции ограничаний пичай  |  |  |
| /    | Оптимизационную задачу относят к линейному программиро-  | <ol> <li>целевая функция и функции ограничений линейны;</li> <li>целевая функция вогнута, а функции ограничений образуют выпуклое множество;</li> <li>целевая функция линейна, а функции ограничений образуют выпуклое множество;</li> </ol> |  |  |
|      | ванию, если  |  |  |  |
|      | ,  |  |  |  |
|      |  |  |  |  |
|      |  |  |  |  |
|      |  | 4. целевая функция вогнута, а функции ограниче-  |  |  |
|      |  | ний линейны.   |  |  |
| 8    | Оптимизационную задачу отно-   | 1. целевая функция и функции ограничений линей-  |  |  |

| №    | Вопросы   | Варианты ответов  |  |
|------|---|---|--|
| п.п. | сят к выпуклому программиро-  | ны;   |  |
|      | ванию, если   | 2. целевая функция линейна, а функции ограничений образуют выпуклое множество; 3. целевая функция вогнута, а функции ограничений линейны; 4. целевая функция выпуклая, а функции ограничений образуют выпуклое множество.   |  |
| 9    | Необходимым условием локального экстремума скалярной функции одного переменного является      | <ol> <li>условие непрерывности;</li> <li>условие гладкости;</li> <li>условие гладкости и равенства нулю второй про-<br/>изводной;</li> <li>условие гладкости и равенство нулю первой про-<br/>изводной.</li> </ol>  |  |
| 10   | В точке, подозрительной на экстремум, первая производная скалярной функции одного переменного | <ol> <li>меняет знак;</li> <li>является непрерывной;</li> <li>равна нулю;</li> <li>достигает минимального значения.</li> </ol>  |  |
| 11   | Градиентом скалярной функции нескольких переменных называется                                 | 1. её наибольшее значение; 2. вектор, составленный из частных производных функции по всем переменным; 3. её среднее значение; 4. её наименьшее значение.  |  |
| 12   | В точке, подозрительной на экстремум, градиент скалярной функции                              | <ol> <li>меняет направление;</li> <li>является непрерывным;</li> <li>равен нулевому вектору;</li> <li>имеет минимальный модуль.</li> </ol>  |  |
| 13   | Градиент скалярной функции нескольких переменных - это  | <ol> <li>вектор приращений;</li> <li>вектор в пространстве переменных, касательный к линии уровня функции;</li> <li>вектор в пространстве переменных, имеющий минимальную длину;</li> <li>вектор в пространстве переменных, ортогональный линии уровня функции, и направленный в сторону её возрастания.</li> </ol> |  |
| 14   | Точка, подозрительная на экстремум скалярной функции векторного аргумента, является           | <ol> <li>решением системы конечных уравнений, являющейся необходимым условием;</li> <li>решением системы интегральных уравнений;</li> <li>решением задачи Коши;</li> <li>решением матричного уравнения, являющегося необходимым условием.</li> </ol>  |  |
| 15   | Достаточное условие экстремума гладкой скалярной функции одного переменного является          | <ol> <li>условие равенства нулю первой производной;</li> <li>условие перемены знака первой производной;</li> <li>условие монотонности;</li> </ol>   |  |

| №    | Вопросы                        | Варианты ответов                               |  |
|------|--------------------------------|--|--|
| п.п. |                                |  |  |
|      |                                | 4. условие непрерывности первой производной.   |  |
| 16   | Достаточное условие минимума   | 1. условие равенства нулю первой производной;  |  |
|      | существенно гладкой скалярной  | 2. условие перемены знака первой производной;  |  |
|      | функции одного переменного     | 3. условие непрерывности первой производной;   |  |
|      | является                       | 4. условие равенства нулю первой производной и |  |
|      |                                | положительности второй производной.            |  |
|      |                                |  |  |
| 17   | Достаточное условие экстрему-  | 1. условие равенства нулю первой производной;  |  |
|      | ма существенно гладкой скаляр- | 2. условие перемены знака первой производной;  |  |
|      | ной функции одного переменно-  | 3. условие монотонности;                       |  |
|      | го является                    | 4. условие непрерывности первой производной.   |  |
| 10   | т.                             |  |  |
| 18   | Достаточное условие локально-  | 1. условие равенства нулю первой производной;  |  |
|      | го максимума существенно       | 2. условие перемены знака первой производной;  |  |
|      | гладкой скалярной функции од-  | 3. условие равенства нулю первой производной и |  |
|      | ного переменного является      | отрицательности второй производной;            |  |
| 10   | 7                              | 4. условие монотонности.                       |  |
| 19   | Гессиан скалярной функции      | 1. матрица вторых частных производных;         |  |
|      | векторного переменного – это   | 2. вектор в пространстве переменных;           |  |
|      | •••                            | 3. вектор, ортогональный линии уровня функции; |  |
| •    | -                              | 4. матрица конечных приращений градиента.      |  |
| 20   | Достаточным условием локаль-   | 1. равенство нулю всех её первых частных про-  |  |
|      | ного минимума существенно      | изводных;                                      |  |
|      | гладкой скалярной функции      | 2. равенство её градиента нулевому вектору;    |  |
|      | векторного аргумента является  | 3. положительная определённости её гессиана;   |  |
|      |                                | 4. равенство её градиента нулевому вектору и   |  |
|      |                                | положительная определенность её гессиана.      |  |

| Вар  | Вариант 3                       |   |  |  |
|------|---------------------------------|---|--|--|
| №    | Вопросы                         | Варианты ответов                                |  |  |
| п.п. | -                               | _   |  |  |
| 1    | Минимальным остовным дере-      | 1. дерево траекторий минимального веса;         |  |  |
|      | вом связного неориентированно-  | 2. полный ацикличный подграф траекторий мини-   |  |  |
|      | го взвешенного графа называется | мального веса;                                  |  |  |
|      |                                 | 3. полный ацикличный подграф минимального веса; |  |  |
|      |                                 | 4. полный связный подграф минимального веса.    |  |  |
| 2    | При помощи алгоритма            | 1. минимальное остовное дерево;                 |  |  |
|      | Дейкстры на взвешенном графе    | 2. максимальный поток;                          |  |  |
|      | ищется                          | 3. полный ацикличный подграф максимального      |  |  |
|      |                                 | веса;   |  |  |
|      |                                 | 4. дерево траекторий минимального веса.         |  |  |
| 3    | В алгоритме Дейкстры времен-    | 1. неубывают, возрастают;                       |  |  |
|      | ные метки, а постоянные мет-    | 2. неубывают, невозрастают;                     |  |  |
|      | ки                              | 3. невозрастают, неубывают;                     |  |  |
|      |                                 | 4. возрастают, убывают.                         |  |  |
|      |                                 |   |  |  |

| №<br>п.п. | Вопросы   | Варианты ответов  |  |
|-----------|---|---|--|
| 4         | Медиана взвешенного графа — это   | 1. вершина, имеющая максимальную связность; 2. вершина, минимально удаленная от всех остальных вершин в совокупности; 3. вершина, имеющая минимальную связность; 4. вершина, максимально удаленная от всех остальных вершин в совокупности. |  |
| 5         | Для нахождения медианы взве-<br>шенного графа используется  | 1. алгоритм Краскала; 2. алгоритм Дейкстры; 3. метод потенциалов; 4. метод ближайшего соседа.   |  |
| 6         | При каком значении параметра $a$ матрица $ \begin{pmatrix} 1 & -2 & 0 \\ -2 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & a \end{pmatrix} $ является положительно определенной.        | 1. a=-2;<br>2. a=-1;<br>3. a=0;<br>4. a=1.  |  |
| 7         | При каком значении параметра $a$ матрица $ \begin{pmatrix} 1 & -2 & 0 \\ -2 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & a \end{pmatrix} $ является строго положительно определенной. | 1. a=-3;<br>2. a=-2;<br>3. a=-1;<br>4. a=1.   |  |
| 8         | При каком значении параметра $a$ матрица $ \begin{pmatrix} -1 & -2 & 0 \\ -2 & -5 & 0 \\ 0 & 0 & a \end{pmatrix} $ является отрицательно определенной.      | 1. a=-1;<br>2. a=0;<br>3. a=1;<br>4. a=2.   |  |
| 9         | При каком значении параметра <i>а</i> матрица   | 1. a=-1;<br>2. a=0;<br>3. a=1;<br>4. a=2.   |  |

| №    | Вопросы  | Варианты ответов  |
|------|--|---|
| п.п. | $\begin{pmatrix} -1 & -2 & 0 \\ -2 & -5 & 0 \\ 0 & 0 & a \end{pmatrix}$ является строго отрицательно определенной.                                 |   |
| 10   | При каком значении параметра $a$ матрица $ \begin{pmatrix} -1 & -2 & 0 \\ -2 & -5 & 0 \\ 0 & 0 & a \end{pmatrix} $ является строго знако неопреде- | 1. a=-3;<br>2. a=-2;<br>3. a=0;<br>4. a=1.  |
| 11   | ленной.  | <ol> <li>знако неопределенной;</li> <li>положительно определенной;</li> <li>отрицательно определенной;</li> <li>строго положительно определенной.</li> </ol>  |
| 12   | Методы чисел Фибоначчи и Золотого сечения являются   | 1. методами отыскания экстремумов многоэкстремальных функций; 2. методами отыскания только минимумов многоэкстремальных функций; 3. методами отыскания только максимумов многоэкстремальных функций; 4. методами отыскания экстремумов унимодальных функций.  |
| 13   | Выберете правильную фразу.   | <ol> <li>Оптимальный по заданному критерию;</li> <li>Наиболее оптимальный по заданному критерию;</li> <li>Самый оптимальный по заданному критерию;</li> <li>Наиболее оптимальный</li> </ol>   |
| 14   | Оптимизация системы состоит  | 1. в поиске такой системы, в которой максимум параметров управления; 2. в поиске такого набора параметров управления, при котором целевая функция достигает экстремума; 3. в поиске такого набора параметров управления, при котором целевая функция наиболее оптимальна; 4. в поиске такого набора параметров управления, при котором целевая функция самая оптимальная. |
| 15   | Целевая функция – это  | 1. любая функция, у которой есть экстремумы;<br>2. функция, экстремумы которой необходимо<br>найти;   |

| №    | Вопросы   | Варианты ответов  |  |  |
|------|---|---|--|--|
| п.п. |   | 3. любая функция, у которой нет экстремумов; 4. любая функция, у которой есть минимумы.   |  |  |
| 16   | Оптимизационную задачу относят к выпуклому программированию, если                             | <ol> <li>целевая функция и функции ограничений линейны;</li> <li>целевая функция линейна, а функции ограничений образуют выпуклое множество;</li> <li>целевая функция вогнута, а функции ограничений линейны;</li> <li>целевая функция выпуклая и функции ограничений образуют выпуклое множество.</li> </ol> |  |  |
| 17   | Оптимизационную задачу относят к линейному программированию, если                             | 1. целевая функция вогнута, а функции ограничений образуют выпуклое множество; 2. целевая функция и функции ограничений линейны; 3. целевая функция линейна, а функции ограничений образуют выпуклое множество; 4. целевая функция вогнута, а функции ограничений линейны.                                    |  |  |
| 18   | В точке, подозрительной на экстремум, первая производная скалярной функции одного переменного | <ol> <li>меняет знак;</li> <li>является непрерывной;</li> <li>достигает минимального значения;</li> <li>равна нулю.</li> </ol>  |  |  |
| 19   | Необходимым условием локального экстремума скалярной функции одного переменного является      | <ol> <li>условие непрерывности;</li> <li>условие гладкости;</li> <li>условие гладкости и равенство нулю первой про-<br/>изводной;</li> <li>условие гладкости и равенства нулю второй про-<br/>изводной.</li> </ol>  |  |  |
| 20   | В точке, подозрительной на экстремум, градиент скалярной функции                              | <ol> <li>меняет направление;</li> <li>имеет минимальный модуль;</li> <li>имеет максимальный модуль;</li> <li>равен нулевому вектору.</li> </ol>   |  |  |

**6.2.3. Критерии оценок промежуточной аттестации (диф. зачета)** Примерная шкала оценивания знаний по вопросам/выполнению заданий диф. зачета:

| Оценка                       |                                 |                                 |                                      |  |
|------------------------------|---------------------------------|---------------------------------|--------------------------------------|--|
| «2»<br>(неудовлетворительно) | Пороговый уро-<br>вень освоения | Углубленный<br>уровень освоения | Продвинутый уро-<br>вень<br>освоения |  |
| (неудовлетворительно)        | «3»                             | «4»                             | «5»                                  |  |
|                              | (удовлетворительно)             | (хорошо)                        | (онрицто)                            |  |
| Посещение менее              | Посещение не ме-                | Посещение не ме-                | Посещение не менее                   |  |
| 50 % лекционных,             | нее 60 % лекцион-               | нее 70 % лекцион-               | 85 % лекционных,                     |  |
| практических занятий         | ных, практических               | ных, практических               | практических заня-                   |  |
| и лабораторных работ         | занятий и лабора-               | занятий и лабора-               | тий и лабораторных                   |  |
|                              | торных работ                    | торных работ                    | работ                                |  |
| Студент не знает зна-        | Студент поверх-                 | Студент хорошо                  | Студент в полном                     |  |
| чительной части ма-          | ностно знает мате-              | знает материал,                 | объёме знает мате-                   |  |
| териала, допускает           | риал основных раз-              | грамотно и по су-               | риал,                                |  |
| существенные ошиб-           | делов и тем учеб-               | ществу излагает                 | грамотно и по суще-                  |  |
| ки в ответах на во-          | ной дисциплины,                 | его, допуская не-               | ству излагает его, не                |  |
| просы                        | допускает неточно-              | которые неточно-                | допуская суще-                       |  |
|                              | сти в ответе на во-             | сти в ответе на во-             | ственных неточно-                    |  |
|                              | прос                            | прос.                           | стей в ответе на во-                 |  |
|                              |                                 |                                 | прос                                 |  |
| Не умеет находить            | Иногда находит                  | Уверенно находит                | Безошибочно нахо-                    |  |
| решения большинства          | решения преду-                  | решения преду-                  | дит                                  |  |
| предусмотренных              | смотренных про-                 | смотренных про-                 | решения преду-                       |  |
| программой обучения          | граммой обучения                | граммой обучения                | смотренных про-                      |  |
| заданий                      | заданий                         | заданий                         | граммой                              |  |
|                              |                                 |                                 | обучения заданий                     |  |
| Большинство преду-           | Предусмотренные                 | Предусмотренные                 | Предусмотренные                      |  |
| смотренных програм-          | программой обуче-               | программой обу-                 | программой обуче-                    |  |
| мой обучения заданий         | ния задания выпол-              | чения задания                   | ния задания успеш-                   |  |
| не выполнено                 | нены удовлетвори-               | успешно выпол-                  | но выполнены                         |  |
|                              | тельно                          | нены                            |                                      |  |

Примерная шкала оценивания знаний в тестовой форме:

| Количество правильных ответов, % | Оценка              |
|----------------------------------|---------------------|
| 0-50                             | Неудовлетворительно |
| 51-65                            | Удовлетворительно   |
| 66-85                            | Хорошо              |
| 86-100                           | Отлично             |

# 7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

# 7.1 Основная литература

- 1. Аттетков, А.В. Введение в методы оптимизации [Электронный ресурс] : учеб. пособие Электрон. дан. Москва : Финансы и статистика, 2011. 272 с. <a href="https://e.lanbook.com/book/53756">https://e.lanbook.com/book/53756</a>
- 2. Методы оптимизации: Учебное пособие / А.В. Аттетков, В.С. Зарубин, А.Н. Канатников. М.: ИЦ РИОР: НИЦ Инфра-М, 2013. 270 с.
  - : http://znanium.com/bookread2.php?book=350985

3. Пантелеев, А. В. Методы оптимизации. Практический курс: учебное пособие с мультимедиа сопровождением [Электронный ресурс] / А. В. Пантелеев, Т. А. Летова. – М.: Логос, 2011. – 424 с: <a href="http://znanium.com/bookread2.php?book=469213">http://znanium.com/bookread2.php?book=469213</a>

# 7.2 Дополнительная литература

4. Кочегурова, Е.А. Теория и методы оптимизации [Электронный ресурс] : учебное пособие / Е.А. Кочегурова. — Электрон. дан. — Томск: ТПУ, 2013. — 134 с.: <a href="https://e.lanbook.com/reader/book/45142/#132">https://e.lanbook.com/reader/book/45142/#132</a>

# 7.3. Базы данных, электронно-библиотечные системы, информационносправочные и поисковые системы

- 1. Электронно-библиотечная система «Библиокомплектатор»: http://www.bibliocomplectator.ru/.
- 2. Электронно-библиотечная система «БиблиоРоссика»: http://www.bibliorossica.com/.
  - 3. Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека онлайн»: http://biblioclub.ru/.
  - 4. Электронно-библиотечная система «Лань»: https://e.lanbook.com/.
  - 5. Электронно-библиотечная система «ЭБС ЮРАЙТ» www.biblio-online.ru.
  - 6. Электронная библиотека Горного университета: http://irbis.spmi.ru/jirbis2/.
  - 7. Научная электронная библиотека «eLIBRARY»: https://elibrary.ru/.
  - 8. Электронная библиотека учебников: http://studentam.net.
  - 9. Поисковые системы Yandex, Google, Rambler, Yahoo и др.

# 7.4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студента

1. Колокольникова, А.И. Спецразделы информатики: введение в MatLab: учебное пособие / А.И. Колокольникова, А.Г. Киренберг. – Москва; Берлин: Директ-Медиа, 2014. – 73 с. <a href="http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=275268">http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=275268</a>

# 8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

# 8.1. Материально-техническое оснащение аудиторий

Специализированные аудитории, используемые при проведении занятий лекционного типа, оснащены мультимедийными проекторами и комплектом аппаратуры, позволяющей демонстрировать текстовые и графические материалы.

Для проведения лабораторных занятий используются компьютерные классы, оборудованные техникой из расчета один компьютер на одного обучающегося, с обустроенным рабочим местом преподавателя. В учебном процессе используется комплект демонстрационных стендовых материалов по темам курса.

# 8.1.1. Аудитории для проведения лекционных занятий

128 посадочных мест

Оснащенность: Мультимедийная установка с акустической системой -1 шт. (в т.ч. мультимедийный проектор -1 шт., проекционная аппаратура: источник бесперебойного питания -1 шт., экран -1 шт., монитор -1 шт., компьютер -1 шт.), возможность доступа к сети «Интернет», стул для студентов -128 шт., кресло преподавателя -1 шт., стол -65 шт., переносная настольная трибуна -1 шт., доска настенная магнитно-маркерная -2 шт., плакат в рамке настенный -9 шт.

Перечень лицензионного программного обеспечения: Microsoft Windows 7 Professional, Microsoft Office 2007 Professional Plus, антивирусное программное обеспечение: Kaspersky Endpoint Security, 7-zip (свободно распространяемое ПО), Foxit Reader (свободно распространяемое ПО), Chromium (сво-

бодно распространяемое ПО), Java Runtime Environment (свободно распространяемое ПО), doPDF (свободно распространяемое ПО), GNU Image Manipulation Program (свободно распространяемое ПО), Inkscape (свободно распространяемое ПО), XnView (свободно распространяемое ПО), K-Lite Codec Pack (свободно распространяемое ПО), FAR Manager (свободно распространяемое ПО).

### 64 посадочных места

Оснащенность: Мультимедийный проектор -1 шт., проекционная аппаратура: источник бесперебойного питания -1 шт., экран -1 шт., ноутбук -1 шт., (возможность доступа к сети «Интернет»), стойка мобильная -1 шт., стул для студентов -64 шт., кресло преподавателя -1 шт., стол -33 шт., переносная настольная трибуна -1 шт., доска белая настенная магнитно-маркерная -1 шт., плакат в рамке настенный -4 шт.

Перечень лицензионного программного обеспечения: Microsoft Windows 8 Professional, Microsoft Office 2007 Professional Plus, CorelDRAW Graphics Suite X5, Autodesk product: Building Design Suite Ultimate 2016, product Key: 766H1, антивирусное программное обеспечение: Kaspersky Endpoint Security, 7-zip (свободно распространяемое ПО), Foxit Reader (свободно распространяемое ПО), SeaMonkey (свободно распространяемое ПО), Chromium (свободно распространяемое ПО), Java Runtime Environment (свободно распространяемое ПО), GNU Image Manipulation Program (свободно распространяемое ПО), Inkscape (свободно распространяемое ПО), XnView (свободно распространяемое ПО), K-Lite Codec Pack (свободно распространяемое ПО), FAR Manager (свободно распространяемое ПО).

### 60 посадочных мест

Оснащенность: Мультимедийный проектор -1 шт., проекционная аппаратура: источник бесперебойного питания -1 шт., экран -1 шт., ноутбук -1 шт., (возможность доступа к сети «Интернет»), стойка мобильная -1 шт., стул для студентов -60 шт., кресло преподавателя -1 шт., стол -31 шт., переносная настольная трибуна -1 шт., доска белая настенная магнитно-маркерная -1 шт., доска под мел -1 шт., плакат в рамке настенный -3 шт.

Перечень лицензионного программного обеспечения: Microsoft Windows 8 Professional, Microsoft Office 2007 Professional Plus, CorelDRAW Graphics Suite X5, Autodesk product: Building Design Suite Ultimate 2016, product Key: 766H1, антивирусное программное обеспечение: Kaspersky Endpoint Security, 7-zip (свободно распространяемое ПО), Foxit Reader (свободно распространяемое ПО), SeaMonkey (свободно распространяемое ПО), Chromium (свободно распространяемое ПО), Java Runtime Environment (свободно распространяемое ПО), GNU Image Manipulation Program (свободно распространяемое ПО), Inkscape (свободно распространяемое ПО), XnView (свободно распространяемое ПО), K-Lite Codec Pack (свободно распространяемое ПО), FAR Manager (свободно распространяемое ПО).

### 56 посадочных мест

Оснащенность: Мультимедийный проектор -1 шт., проекционная аппаратура: источник бесперебойного питания -1 шт., экран -1 шт., ноутбук -1 шт., (возможность доступа к сети «Интернет»), стойка мобильная -1 шт., стул для студентов -56 шт., кресло преподавателя -1 шт., стол -29 шт., переносная настольная трибуна -1 шт., доска настенная магнитно-маркерная -1 шт., плакат в рамке настенный -5 шт.

Перечень лицензионного программного обеспечения: Microsoft Windows 8 Professional, Microsoft Office 2007 Professional Plus, CorelDRAW Graphics Suite X5, Autodesk product: Building Design Suite Ultimate 2016, product Key: 766H1, антивирусное программное обеспечение: Kaspersky Endpoint Security, 7-zip (свободно распространяемое ПО), Foxit Reader (свободно распространяемое ПО), SeaMonkey (свободно распространяемое ПО), Chromium (свободно распространяемое ПО), Java Runtime Environment (свобод-

но распространяемое  $\Pi$ O), doPDF (свободно распространяемое  $\Pi$ O), GNU Image Manipulation Program (свободно распространяемое  $\Pi$ O), Inkscape (свободно распространяемое  $\Pi$ O), XnView (свободно распространяемое  $\Pi$ O), K-Lite Codec Pack (свободно распространяемое  $\Pi$ O), FAR Manager (свободно распространяемое  $\Pi$ O).

# 52 посадочных места

Оснащенность: Мультимедийный проектор -1 шт., проекционная аппаратура: источник бесперебойного питания -1 шт., экран -1 шт., ноутбук -1 шт., (возможность доступа к сети «Интернет»), стойка мобильная -1 шт., стул для студентов -52 шт., кресло преподавателя -1 шт., стол -26 шт., переносная настольная трибуна -1 шт., доска настенная магнитно-маркерная -1 шт., плакат в рамке настенный -5 шт.

Перечень лицензионного программного обеспечения: Microsoft Windows 8 Professional, Microsoft Office 2007 Professional Plus, CorelDRAW Graphics Suite X5, Autodesk product: Building Design Suite Ultimate 2016, product Key: 766H1, антивирусное программное обеспечение: Kaspersky Endpoint Security, 7-zip (свободно распространяемое ПО), Foxit Reader (свободно распространяемое ПО), SeaMonkey (свободно распространяемое ПО), Chromium (свободно распространяемое ПО), Java Runtime Environment (свободно распространяемое ПО), GNU Image Manipulation Program (свободно распространяемое ПО), Inkscape (свободно распространяемое ПО), XnView (свободно распространяемое ПО), K-Lite Codec Pack (свободно распространяемое ПО), FAR Manager (свободно распространяемое ПО).

### 30 посадочных мест

Оснащенность: Стол аудиторный – 16 шт., стул аудиторный – 30 шт., доска настенная – 1 шт., кресло преподавателя – 1 шт., переносная настольная трибуна – 1 шт., плакат – 3 шт. Перекатная мультимедийная установка (ноутбук Acer Aspire7720 (Intel(R) Core (TM)2 Duo CPU T7700 2.40GHz 2 ГБ); мышь проводная Genius Laser; проектор DLP Texas Instruments VLT-XD600LP; стойка передвижная металлическая многоярусная).

Перечень лицензионного программного обеспечения: Microsoft Windows Pro 7 RUS, Microsoft Office Std 2007 RUS, Microsoft Open License 46082032 от 30.10.2009, Антивирусное программное обеспечение Kaspersky Endpoint Security, 7-zip (свободно распространяемое ПО), FoxitReader (свободно распространяемое ПО), SeaMonkey (свободно распространяемое ПО), Java 8 Runtime Environment (свободно распространяемое ПО), doPDF (свободно распространяемое ПО), GNU Image Manipulation Program (свободно распространяемое ПО), Inkscape (свободно распространяемое ПО), XnView (свободно распространяемое ПО), K-LiteCodecPack (свободно распространяемое ПО), FAR Manager (свободно распространяемое ПО).

# 8.1.2. Аудитории для проведения лабораторных и практических занятий

### 16 посадочных мест

Оснащенность: Стол компьютерный для студентов (тип 4) - 3 шт., стол компьютерный для студентов (тип 6) - 2 шт., стол компьютерный для студентов (тип 7) - 1 шт., кресло преподавателя (сетка, цвет черный) - 17 шт., доска напольная мобильная белая магнитно-маркерная «Magnetoplan» 1800мм×1200мм - 1 шт., моноблок Lenovo M93Z Intel Q87 - 17 шт., (возможность доступа к сети «Интернет»), плакат - 5 шт.

Перечень лицензионного программного обеспечения: Microsoft Windows 7 Professional, Microsoft Office 2007 Professional Plus; CorelDRAW Graphics Suite X5, Autodesk product: Building Design Suite Ultimate 2016, product Key: 766H1, антивирусное программное обеспечение: Kaspersky Endpoint Security, 7-zip (свободно распространяемое ПО), Foxit Reader (свободно распространяемое ПО), SeaMonkey (свободно распространяемое ПО), Chromium (свободно распространяемое ПО), Java Runtime Environment (свободно распространяемое ПО)

страняемое ПО), doPDF (свободно распространяемое ПО), GNU Image Manipulation Program (свободно распространяемое ПО), Inkscape (свободно распространяемое ПО), XnView (свободно распространяемое ПО), K-Lite Codec Pack (свободно распространяемое ПО), FAR Manager (свободно распространяемое ПО), Cisco Packet Tracer 7.1 (свободно распространяемое ПО), Quantum GIS (свободно распространяемое ПО), Python (свободно распространяемое ПО), R (свободно распространяемое ПО), Rstudio (свободно распространяемое ПО), SMath Studio (свободно распространяемое ПО), GNU Octave (свободно распространяемое ПО), Scilab (свободно распространяемое ПО).

# 8.2. Помещение для самостоятельной работы

1. Оснащенность помещения для самостоятельной работы: 13 посадочных мест. Стул -25 шт., стол -2 шт., стол компьютерный -13 шт., шкаф -2 шт., доска аудиторная маркерная -1 шт., APM учебное ПК (монитор + системный блок) -14 шт. Доступ к сети «Интернет», в электронную информационно-образовательную среду Университета.

Перечень лицензионного программного обеспечения: Microsoft Windows 7 Professional, Microsoft Office 2007 Professional Plus, антивирусное программное обеспечение: Kaspersky Endpoint Security, 7-zip (свободно распространяемое ПО), Foxit Reader (свободно распространяемое ПО), SeaMonkey (свободно распространяемое ПО), Chromium (свободно распространяемое ПО), Java Runtime Environment (свободно распространяемое ПО), doPDF (свободно распространяемое ПО), GNU Image Manipulation Program (свободно распространяемое ПО), Inkscape (свободно распространяемое ПО), XnView (свободно распространяемое ПО), K-Lite Codec Pack (свободно распространяемое ПО), FAR Мападег (свободно распространяемое ПО).

2. Оснащенность помещения для самостоятельной работы: 17 посадочных мест. Доска для письма маркером – 1 шт., рабочие места студентов, оборудованные ПК с доступом в сеть Университета – 17 шт., мультимедийный проектор – 1 шт., АРМ преподавателя для работы с мультимедиа – 1 шт. (системный блок, мониторы – 2 шт.), стол – 18 шт., стул – 18 шт. Доступ к сети «Интернет», в электронную информационно-образовательную среду Университета.

Перечень лицензионного программного обеспечения: Microsoft Windows 7 Professional, Microsoft Windows XP Professional, Microsoft Office 2007 Professional Plus, антивирусное программное обеспечение: Kaspersky Endpoint Security, 7-zip (свободно распространяемое ПО), Foxit Reader (свободно распространяемое ПО), SeaMonkey (свободно распространяемое ПО), Java Runtime Environment (свободно распространяемое ПО), doPDF (свободно распространяемое ПО), GNU Image Manipulation Program (свободно распространяемое ПО), Inkscape (свободно распространяемое ПО), XnView (свободно распространяемое ПО), K-Lite Codec Pack (свободно распространяемое ПО), FAR Manager (свободно распространяемое ПО).

3. Оснащенность помещения для самостоятельной работы: 16 посадочных мест. Стол компьютерный для студентов (тип 4) - 3 шт., стол компьютерный для студентов (тип 6) - 2 шт., стол компьютерный для студентов (тип 7) - 1 шт., кресло преподавателя (сетка, цвет черный) - 17 шт., доска напольная мобильная белая магнитно-маркерная «Маgnetoplan» 1800мм×1200мм - 1 шт., моноблок Lenovo M93Z Intel Q87 - 17 шт., плакат - 5 шт. Доступ к сети «Интернет», в электронную информационно-образовательную среду Университета.

Перечень лицензионного программного обеспечения: Microsoft Windows 7 Professional; Microsoft Office 2007 Professional Plus; CorelDRAW Graphics Suite X5, Autodesk product: Building Design Suite Ultimate 2016, product Key: 766H1, антивирусное программное обеспечение: Kaspersky Endpoint Security, 7-zip (свободно распространяемое ПО), Foxit Reader (свободно распространяемое ПО), SeaMonkey (свободно распространяемое ПО), Chromium (свободно распространяемое ПО), Java Runtime Environment (свободно распространяемое ПО), doPDF (свободно распространяемое ПО), GNU Image Manipulation Pro-

gram (свободно распространяемое ПО), Inkscape (свободно распространяемое ПО), XnView (свободно распространяемое ПО), K-Lite Codec Pack (свободно распространяемое ПО), FAR Manager (свободно распространяемое ПО), Cisco Packet Tracer 7.1 (свободно распространяемое ПО), Quantum GIS (свободно распространяемое ПО), Python (свободно распространяемое ПО), R (свободно распространяемое ПО), Rstudio (свободно распространяемое ПО), SMath Studio (свободно распространяемое ПО), GNU Octave (свободно распространяемое ПО), Scilab (свободно распространяемое ПО).

# 8.3. Помещения для хранения и профилактического обслуживания оборудования

1. Центр новых информационных технологий и средств обучения:

Оснащенность: персональный компьютер - 2 шт. (доступ к сети «Интернет»), монитор - 4 шт., сетевой накопитель - 1 шт., источник бесперебойного питания - 2 шт., телевизор плазменный Panasonic - 1 шт., точка Wi-Fi - 1 шт., паяльная станция - 2 шт., дрель - 5 шт., перфоратор - 3 шт., набор инструмента - 4 шт., тестер компьютерной сети - 3 шт., баллон со сжатым газом - 1 шт., паста теплопроводная - 1 шт., пылесос - 1 шт., радиостанция - 2 шт., стол — 4 шт., тумба на колесиках - 1 шт., подставка на колесиках - 1 шт., шкаф - 5 шт., кресло - 2 шт., лестница Alve - 1 шт.

Перечень лицензионного программного обеспечения: Microsoft Windows 7 Professional, Microsoft Office 2010 Professional Plus, антивирусное программное обеспечение: Kaspersky Endpoint Security, 7-zip (свободно распространяемое ПО), Foxit Reader (свободно распространяемое ПО), Chromium (свободно распространяемое ПО), SeaMonkey (свободно распространяемое ПО), Chromium (свободно распространяемое ПО), Java Runtime Environment (свободно распространяемое ПО), doPDF (свободно распространяемое ПО), GNU Image Manipulation Program (свободно распространяемое ПО), Inkscape (свободно распространяемое ПО), XnView (свободно распространяемое ПО), FAR Manager (свободно распространяемое ПО).

2. Центр новых информационных технологий и средств обучения:

Оснащенность: стол - 5 шт., стул - 2 шт., кресло - 2 шт., шкаф - 2 шт., персональный компьютер - 2 шт. (доступ к сети «Интернет»), монитор - 2 шт., МФУ - 1 шт., тестер компьютерной сети - 1 шт., баллон со сжатым газом - 1 шт., шуруповерт - 1 шт.

Перечень лицензионного программного обеспечения: Microsoft Windows 7 Professional, Microsoft Office 2007 Professional Plus, антивирусное программное обеспечение: Kaspersky Endpoint Security, 7-zip (свободно распространяемое ПО), Foxit Reader (свободно распространяемое ПО), SeaMonkey (свободно распространяемое ПО), Chromium (свободно распространяемое ПО), Java Runtime Environment (свободно распространяемое ПО), doPDF (свободно распространяемое ПО), GNU Image Manipulation Program (свободно распространяемое ПО), Inkscape (свободно распространяемое ПО), XnView (свободно распространяемое ПО), K-Lite Codec Pack (свободно распространяемое ПО), FAR Manager (свободно распространяемое ПО).

3. Центр новых информационных технологий и средств обучения:

Оснащенность: стол - 2 шт., стул - 4 шт., кресло - 1 шт., шкаф - 2 шт., персональный компьютер - 1 шт. (доступ к сети «Интернет»), веб-камера Logitech HD C510 - 1 шт., колонки Logitech - 1 шт., тестер компьютерной сети - 1 шт., дрель - 1 шт., телефон - 1 шт., набор ручных инструментов - 1 шт.

Перечень лицензионного программного обеспечения: Microsoft Windows 7 Professional, Microsoft Office 2007 Professional Plus, антивирусное программное обеспечение: Казрегѕку Endpoint Security, 7-гір (свободно распространяемое ПО), Foxit Reader (свободно распространяемое ПО), Chromium (свободно распространяемое ПО), SeaMonkey (свободно распространяемое ПО), Chromium (свободно распространяемое ПО), Java Runtime Environment (свободно распространяемое ПО), doPDF (свободно распространяемое ПО), GNU Image Manipulation Program (свободно распространяемое ПО), Inkscape (свободно распространяемое ПО), XnView (свободно распространяемое ПО),

пространяемое ПО), K-Lite Codec Pack (свободно распространяемое ПО), FAR Manager (свободно распространяемое ПО).

# **8.4.** Лицензионное программное обеспечение 1. Microsoft Windows 7 Professional.

- 2. Microsoft Windows 8 Professional.
- 3. Microsoft Office 2007 Professional Plus.